# ECE1 : Programme de colle Semaines 5 et 6

### **Chapitre 4 : Suites numériques**

- \_ suites linéaires récurrentes d'ordre 2
- \_ majorant, minorant d'une suite (exemples de  $u_{n+1} = f(u_n)$  avec f croissante)
- sens de variation d'une suite

## Chapitre 5 : Convergence d'une suite numérique

- 1) Limite d'une suite
  - \_ définition d'une suite convergente, d'une suite qui tend vers +  $\infty$ , vers  $\infty$ .
  - $|u_n L| \le \varepsilon \Leftrightarrow u_n$  est une valeur approchée de L à  $\varepsilon$  près
  - \_ limites de  $(n^k)_n$  (k > 0),  $(\sqrt{n})_n$ ,  $(n!)_n$ ,  $(q^n)_n$
  - \_ opérations sur les limites
- 2) Théorèmes de convergence
  - \_ théorèmes de comparaison, théorème des gendarmes
  - \_ suites croissantes majorées, suites décroissantes minorées
  - \_ si une suite converge vers L, les suites extraites  $(u_{n+1})$ ,  $(u_{n+2})$ ,  $(u_{2n})$ ,  $(u_{2n+1})$  convergent vers L.
  - \_ utilisation du point fixe sur des exemples
  - $\_$  si  $(u_{2n})$  et  $(u_{2n+1})$  ont la même limite L,  $(u_n)$  tend vers L.
  - suites adjacentes

### A partir du Mardi 08/11 :

- 3) Relations de comparaison
  - \_ définition de  $u_n \sim_{+\infty} v_n$  et  $u_n =_{+\infty} o(v_n)$  (pour des suites ne s'annulant pas)
  - $\underline{\phantom{}}$  si  $u_n = v_n + o(v_n)$  alors  $u_n \sim v_n$ .
  - \_ croissances comparées :

$$\ln^{\alpha}(n) = o(n^{\beta}) \ (\alpha > 0, \ \beta > 0) \quad n^{\alpha} = o(e^{\beta n}) \ (\alpha > 0, \ \beta > 0) \quad n^{\alpha} = o(a^{n}) \ (\alpha > 0, \ a > 1)$$

- \_ un polynôme est équivalent à son monôme de plus haut degré, une fraction rationnelle est équivalente au quotient des monômes de plus haut degré.
- $\underline{\quad}$  si  $\lim_{n \to \infty} v_n = 0$ , alors  $\ln(1 + v_n) \sim_{+\infty} v_n$ ,  $\exp(v_n) 1 \sim_{+\infty} u_n$
- \_ compatibilité avec produit, quotient, puissance.

#### *Remarques pour les colleurs :*

- \_ Des exemples de suites définies par :  $u_{n+1} = f(u_n)$  ont été traités en exercice, mais nous n'avons aucun théorème sur ce sujet. (le théorème du point fixe sera vu dans le chapitre « continuité », mais les élèves doivent savoir l'utiliser sur des exemples).
- \_ Aucun exemple de suite  $(x_n)$  définie par  $f_n(x_n)=0$  n'a été traité. (attendre le chapitre "continuité")
- \_ La notation  $u_n = O(v_n)$  n'est pas au programme.

A venir: Dénombrement